

令和7年度 学校推薦型選抜 入学試験問題

小論文 A

工学部

(機械システム工学科 電気電子システム工学科 都市システム工学科 情報工学科)

注意事項

- ① 試験開始の指示があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- ② 問題冊子は、4ページ（表紙、白紙を除く）です。試験開始後、確認してください。
- ③ 解答は、別紙の解答用紙の表面に記入しなさい。裏面に記入してはいけません。
解答用紙の裏面に解答しても、その部分は採点しません。
- ④ 受験番号は、解答用紙の指定の欄に各用紙ごとに記入しなさい。
- ⑤ 解答用紙（その1）、（その2）、（その3）、（その4）には、それぞれ問題 1, 2, 3, 4 の解答を記述しなさい。

1 以下の各間に答えよ。各問とも必ず解答の過程を書き、結論を明示しなさい。

問 1. 不等式 $|2x - 1| > 3$ を解け。

問 2. 3 次方程式 $x^3 + 4x^2 - 11x - 30 = 0$ を解け。

問 3. 実数 a, b に関する 2 つの条件 p, q を次のように定める。

$$p : a^2 + b^2 < 5, \quad q : |a| < 1 \text{ かつ } |b| < 2$$

このとき、命題「 $p \Rightarrow q$ 」の真偽を調べ、真である場合には証明し、偽である場合には反例を 1 つあげよ。

問 4. 大中小の 3 個のさいころを同時に投げ、大のさいころの出る目を X 、中のさいころの出る目を Y 、小のさいころの出る目を Z とする。このとき、 $(X-Y)(X-Z) \neq 0$ となる確率を求めよ。ただし、各さいころの 1 から 6 までの目の出方は、同様に確からしいとする。

問 5. 初項 7、公差 $\frac{1}{2}$ の等差数列を $\{a_n\}$ とする。このとき、和 $\sum_{n=1}^{50} (a_n - a_{n+2})$ を求めよ。

2 以下の各間に答えよ。各問とも必ず解答の過程を書き、結論を明示しなさい。

問 1. i は虚数単位とする。複素数 $\frac{1+3i}{2-i}$ の絶対値を求めよ。

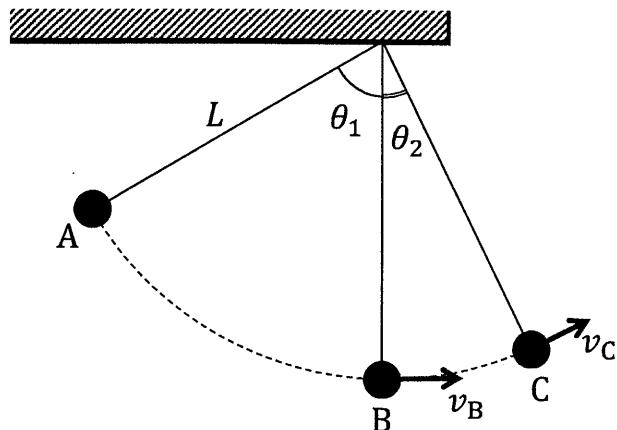
問 2. 極限値 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + ax + 8}{x - 2}$ が存在するように定数 a の値を定め、その極限値を求めよ。

問 3. 次の関数を微分せよ。

$$(i) f(x) = \sqrt{x^4 + 1} \quad (ii) g(x) = (x + 2) \sin 3x$$

問 4. 定積分 $\int_2^3 x(x - 2)^2 dx$ を求めよ。

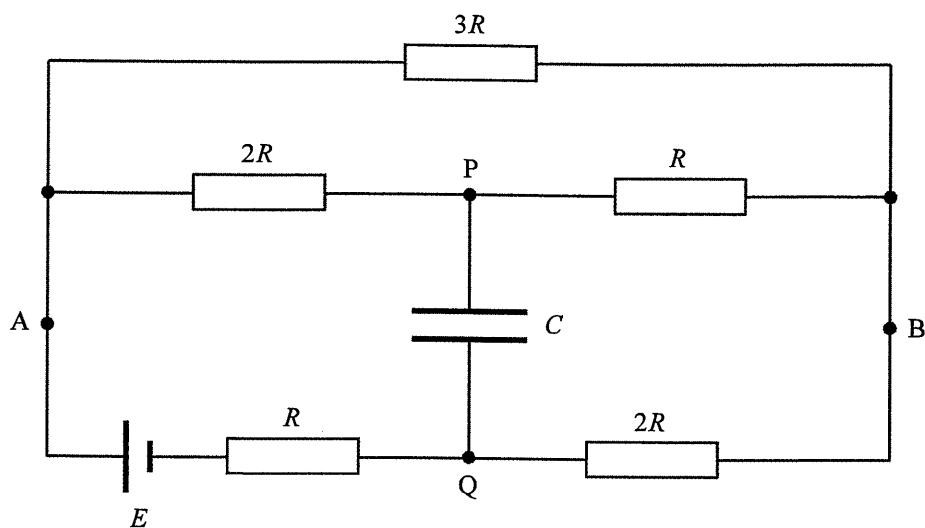
3 図のように、長さ L [m]の軽い糸に質量 m [kg]のおもりをつけた振り子がある。初めにおもりを、糸が鉛直方向と角 θ_1 をなす点 A まで引き上げた。次に、点 A からおもりを静かにはなした。おもりは最下点の点 B を通過して、鉛直方向と角 θ_2 ($|\theta_2| < |\theta_1|$) をなす点 C まで動き、点 C で糸が切れ、おもりは放物運動をした。空気の影響は無視できるものとし、糸はたるまないものとする。点 B を高さの基準とし、重力加速度の大きさを g [m/s²]として、以下の各間に答えよ。各問とも必ず解答の過程を書き、結論を明示しなさい。



図

- 問 1. おもりが最下点の点 B を通過するときの速さ v_B [m/s]を、 L , m , θ_1 , g のうち必要なものを用いて表せ。
- 問 2. おもりが鉛直方向と角 θ_2 をなす点 C まで振れたときの速さ v_C [m/s]を、 L , m , θ_1 , θ_2 , g のうち必要なものを用いて表せ。
- 問 3. 点 C で糸が切れてからおもりが放物運動の最高点に達するまでの時間 t [s]を、 L , m , θ_1 , θ_2 , g のうち必要なものを用いて表せ。
- 問 4. 問 3 の放物運動における最高点の高さ h_{\max} [m]を、 L , m , θ_1 , θ_2 , g のうち必要なものを用いて表せ。

- 4 図のように、起電力 E [V] の内部抵抗を無視できる電池、抵抗値 $3R$ [Ω]、 $2R$ [Ω]、 R [Ω] の 5 個の抵抗、電気容量 C [F] のコンデンサーからなる回路がある。回路を構成してから十分に時間が経過したとして、以下の各間に答えよ。各問とも必ず解答の過程を書き、結論を明示しなさい。



図

問 1. 点 A を流れる電流の大きさ I_A [A] を求めよ。

問 2. AB 間の電位差の大きさ V_{AB} [V] を求めよ。

問 3. PB 間の電位差の大きさ V_{PB} [V]、BQ 間の電位差の大きさ V_{BQ} [V] および PQ 間の電位差の大きさ V_{PQ} [V] を全て求めよ。

問 4. コンデンサーに蓄えられる静電エネルギー U [J] を求めよ。